2008年度 卒業論文

シンチレーションカウンターの MPPCの読み出し

奈良女子大学 理学部 物理科学科 高エネルギー研究室 小池 博子・米山 知佐子

2009年 3月

目次

1	概要	3
1.1	実験の目的....................................	3
1.2	本論文の構成	3
2	半導体光検出器 MPPC	4
2.1	MPPC (Multi Pixel Photon Counter)の基本特性	4
2.2	MPPC の動作原理	5
2.3	MPPC の仕様	7
2.4	MPPC の基本特性	8
2.5	MPPC 単体の基本接続回路	9
2.6	シンチレーター	10
2.7	シンチレーション・カウンター	10
2.8	宇宙線	11
3	LED 点灯時のMPPC単体の出力測定	12
3.1	Block Diagram	12
3.2	LED	13
3.3	サーミスター	14
3.4	恒温槽	14
3.5	NIM 規格	15
3.6	エレクトロニクス	15
3.7	データ収集・解析の概要....................................	17
3.8	ADC(2249W) の動作テスト	19
3.9	結果・考察	20
4	荷電粒子の測定	29
4.1	eta 線の測定 \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots	29
4.2	⁹⁰ Sr	30
4.3	結果・考察	33
5	まとめ・今後の課題	43

1 概要

直径が約10⁻¹⁵mの陽子や中性子、もっと小さい電子などこれらの素粒子を肉眼で直接見ることは不可能 である。しかし、電気を帯びている陽子や電子の飛跡を肉眼で見えるようにすることは可能である。一つの方 法は放射線の写真作用を利用して、写真看板中の荷電粒子の飛跡を記録することである。電子以外の荷電素粒 子の検出には電離作用が利用される。荷電粒子は高速で物質を通過するときに近くの原子・分子に電気力を作 用して、電子・分子中の電子を叩き出してイオンにする。このイオンの列を観測可能な形に変換し、増幅し て、検出出来れば、素粒子の飛跡が分かる事になる。いろいろ開発されて来たが、本研究では光子や荷電粒子 が当たると蛍光を発し、入射粒子のエネルギー損失を光に変えるシンチレーターについて注目する。

また同様に取れた光を取る粒子検出器は素粒子探索のための最も重要なデバイスのひとつであり、新しい 測定法の開発が新しい発見を生み、素粒子研究の発展に決定的な役割を果たしてきたのはいうまでもない。 MPPC(Multi Pixel Photon Counter)は、近年になって開発された新しいタイプの半導体光検出器である。 優れたフォトカウンティング能力、コンパクト、常温・低バイアスで作動するなどの性能の良さから将来的に 様々な分野において光電子増倍管などの従来の光検出器に代わる存在になると注目を浴びている。

この半導体検出器とシンチレーターを組み合わせれば入射した粒子の検出ができる。このシンチレーター と光検出器を組み合わせたものをシンチレーションカウンターという。本研究では半導体光検出器である MPPC とそれを用いたシンチレーションカウンターについて報告する。

1.1 実験の目的

光を検出するものとして半導体の新しい光検出器である MPPC (Multi Pixel Photon Counter)を用い て、基本的な性能を測定することで、MPPC の特性を学ぶ。さらにプラスティックシンチレーターを組み合 わせる事で、荷電粒子の通過時の波高測定を行う。荷電粒子の飛跡を探るための条件としてシンチレーターを 全て通過した荷電粒子を選ぶための条件と、ノイズと荷電粒子の入射を分離できる条件を探ることが、本実験 の目的である。

1.2 本論文の構成

本論文では、まず MPPC の原理や仕様を述べる。その後に実験装置の概略を述べた後、実験方法及び結 果をまとめる。そして考察を行う。

2 半導体光検出器 MPPC

この章では MPPC の基本特性、および動作原理、そして仕様を述べる。

2.1 MPPC (Multi Pixel Photon Counter)の基本特性

Multi Pixel Photon Counter (MPPC) は浜松ホトニクス製の PPD (Pixelated Photon Detector)の商品 名で、PPD はピクセル化された APD をガイガーモードで動作させ、各ピクセルの信号の和を並列に呼び出 すタイプの半導体検出器のことを言います。



- 優れたフォトカウンティング能力
- 常温・低バイアス (100V 以下) で動作
- 高い増倍率: 10⁵ ~ 10⁶
- 優れた時間分解能
- 磁場の影響を受けない

2.1.1 APD(アバランシェ・フォトダイオード)

普段私達が見ている光を非常に微弱な光になるとフォトンが離散的になるため、このフォトンの数をカウントして光量を測定する必要がある。このフォトカウンティングをする半導体のデバイスとして考えられたのが APD である。APD は逆バイアスを印加することにより光電子が増倍されるフォトダイオードである。

2.1.2 APD の動作原理



半導体中に大きな電界があると、光子の衝突によって発生する電子が加速され、ほかの半導体原子と衝突して複数の電子をはじき出す。ここではじき出された電子は電界によって加速され、ほかの半導体電子に衝突

してさらに電子を弾き出す。この連鎖によって、移動する電子が指数関数的に増える現象をアバランシェ増倍 と言う。これはフォトダイオードの受光感度を大きく上昇させることが可能である。つまりアバランシェ増倍 と呼ばれる現象を利用して受光感度を上げたフォトダイオードだといえる。

2.1.3 ガイガーモード

降伏電圧を超えた動作電圧でAPDを動作させると、増幅された電子の数は入射光子の数と比例しなくなる。この状態のことをガイガーモードと言う。入射光子が1個でも100万個、2個でも100万個、10個でも100万個、というように増幅する。

つまり、このガイガーモード時にフォトンが入射すると、この時の増幅率は、降伏電圧未満のノーマルモードでの 数 $10 \sim$ 数 100 倍に対し $10^5 \sim 10^6$ 倍と非常に大きい。このことから、わずかな光の入射に対しても、高電界において放電現象が発生するようになる。

2.2 MPPC の動作原理

MPPC はガイガーモード APD ピクセルを並列接続した構造になっている。

ガイガーモード APD のクエンチング抵抗を接続した時の動作について述べる。ガイガーモードにおいて、 APD にフォトンが入射して励起すると、入射したフォトン数に関係なく同一の信号 Q が出力される。この信 号 Q は式 (1) で与えられる。信号によりクエンチング抵抗に電流が流れ、逆バイアスは V_{BR} まで電圧降下す る。その後、再充電され逆バイアスが V_R まで戻り、再びガイガーモードが可能になる。図1に示す。

$$Q = C \times (V_R - V_{BR})$$
 (1)
 C :各ピクセルの容量
 V_R :逆バイアス

VBB:降伏電圧

MPPC は APD ピクセルを並列接続することにより、1 つのピクセルに光子が入射したかしていないかを読み出すことができる。 つまり、それぞれのピクセルの出力の和が MPPC の出力となり、その出力よりフォトンカウンティングが可能となっている。

MPPC の等価回路は図 2 に示す様になる。 MPPC は各 APD ピクセルでの出力は入射フォトン数に関係なく一定である。また、すべてのピクセルは 1 つの読み出しチャンネルにつながっており、出力は各ピクセルの出力パルスを重ね合わせたものになるので、パルスの高さ・電荷量から MPPC が検出したフォトン数を見積もることができる。つまり、基本的には反応したピクセル数は入射 photon 数に等しいと言うことである。すなわち、MPPC 全体の出力電流は式 (2) で表される。

$$Q_{out} = C \times (V_R - V_{BR}) \times N_{\text{fired}} \tag{2}$$

N_{fired}:フォトンを検出した APD ピクセルの数



図 1 ガイガーモード APD



図 2 MPPC の等価回路

2.3 MPPC の仕様

今回使用した MPPC は、ピクセル数 400 のセラミックタイプの MPPC (S10362-11-050C) である。表 1 に、S10362-11-050C の仕様及び図 3 に MPPC の外寸図を示す。

項目		単位
チップサイズ	1.5×1.5	$\rm mm imes mm$
有効受光面サイズ	1×1	$\rm mm imes mm$
ピクセル数	400	-
ピクセルサイズ	50×50	$\mu m \times \mu m$
開口率	61.5	%
感度波長範囲 (λ)	$270\sim900$	nm
最大感度波長 (Λp)	400	nm
量子効率 (QE)	70	%
検出効率 (PDE)	50	%
動作電圧	70 ± 10	V
ダークカウント	270	kcps
端子間容量	35	pF
時間分解能 (FWHW)	220	\mathbf{ps}
逆バイアスの温度係数	50	mV/C°
増倍率	7.5×10^5	-

表 1	S10362-11-050C	の仕様
-----	----------------	-----



図 3 MPPC の外寸図

2.4 MPPC の基本特性

2.4.1 ダークカウント

光により生成したキャリアだけではなく、熱的に発生した暗電流のキャリアによってもパルスが発生しま す。このパルスがダークカウントとして測定され、検出誤差の原因となる。逆バイアスを高くすると、検出効 率が上がるが、その分ダークカウントも大きくなる。ダークカウントは、温度が低いほど値は小さくなる。

2.4.2 アフターパルス

MPPC の各ピクセルはフォトンが入射されると電子雪崩を生成して一定の大きさのパルスを出力する が、発生したキャリアが半導体内の結晶欠陥にトラップされ、それが遅れて解放された時に異なる大きさの信 号を出力すことがある。これをアフターパルスと言う。アフターパルスも検出誤差の要因となる。温度が低い ほどキャリアが結晶欠陥にトラップされる確率が高くなるため、アフターパルスは増加する。

2.4.3 クロストーク

APD ピクセルにおいて、入射したフォトンとは別にアバランシェ増幅の過程でフォトンが発生すること がある。このフォトンが別の APD ピクセルで検出された場合、そこで新たに電子雪崩が形成され、MPPC の出力は実際に入射したフォトン数よりも高い値を出力する。この現象を MPPC のクロストークという。

2.4.4 MPPC の温度特性

MPPC の増幅率は温度に依存する。固体は、温度が上がると結晶の格子振動が激しくなり、発生した キャリアが十分エネルギーを得られないうちに結晶と衝突する確率が高くなる。そのため、衝突の際にキャリ アのエネルギーが小さいと、結晶のイオン化が起こりにくくなる。よって、MPPC の温度が高いほど増幅率 が小さくなってしまう。

2.4.5 MPPC の逆バイアス特性

MPPC の増幅率は逆バイアスに対して優れた直線性を持つ。逆バイアスを上げていくと、増幅率も大き くなる。よって一定の出力を得るには、温度によって逆バイアスを変化させるか、素子の温度を一定にする必 要がある。

2.5 MPPC 単体の基本接続回路

MPPCの基本接続回路を図4に示す。



図 4 MPPC の基本接続回路

逆バイアスをかけるために +70.3(V) の電圧を印加する。 $47k\Omega$ の抵抗と $0.1k\mu$ F のコンデンサーの 2 段で電源からくるノイズを除去する。読み出し側は 1.0μ F のコンデンサーで電源からの直流成分を除去する。

MPPC 単体のダークカウント オシロスコープで MPPC 単体のパルスを暗黒下で観測したものを図 5 に 示す。



図5 ダークカウント

光を遮断してパルスが見えたので、これは熱的に発生した暗電流のキャリアによって発生したノイズによる パルス、つまりダークカウントだと考えられる。(MPPC は固体素子) MPPC はガイガーモードで動作する ので、ノイズも同様に増幅されてしまう。(フォトンを検出したパルスと区別がつかない。)つまり図の雑音パ ルスの波高も離散的であるので、フォトカウンティングも可能だといえる。

2.6 シンチレーター

荷電粒子が通過するときに蛍光を発する物質をシンチレーターと言う。これは無機物質の結晶と有機物質 に大別されており、その発光機構は両者でかなり異なってくる。無機シンチレーター中には結晶格子内の不純 物によって発光中心が作られている。荷電粒子が結晶に入ると結晶中の電子が基底状態から伝導体に上げら れ、自由電子と正孔が形成される。これらが結晶内を動き回り、発光中心に達すると電子が励起状態に入り、 それが基底状態に落ちるときに発光する。このシンチレーション光の減衰時間は励起状態の寿命によって決ま り、結晶の温度に依存している。

一方有機シンチレーターは結晶格子と関係なく、放射線によって分子内の電子が励起され、励起状態から基 底状態に落ちるときに蛍光を発する。光の減衰時間は約 10⁻⁹ 秒まで短く出来る。最近は蛍光体として、残光 時間の短いパラタフェニールなどをプラスチックに混ぜたものを用いて、入射粒子の通過時刻を 10⁻¹¹s の精 度で測定出来るようになった。

本実験ではこのプラスチックシンチレーターを使用した。このプラスティックシンチレーターは長さ 10cm、 幅 1.3cm、厚さ 0.5cm のものを用いた。

2.7 シンチレーション・カウンター

蛍光を光電効果によって電子に変え、その数を増幅して電気的に取り出す検出器をシンチレーション・カ ウンターと呼ぶ。荷電粒子の検出にプラスチックシンチレーターを用いる場合、今までは光検出器として光電 子増倍管が一般的であったが、本研究では新型半導体検出器である MPPC を用いて、図6に示すシンチレー ション・カウンターを制作した。プラスチックシンチレーター内で発生した光を効率よく収集するために、シ ンチレーターをアルミで包み、それに黒の遮光テープを巻いた。また、MPPCは端面に光学グリースで粘着 した後、輪ゴムで外れないように接着した。



図 6 シンチレーションカウンター

2.8 宇宙線

箔検電器を帯電させて金属箔を開かせても、金属箔はやがて閉じてしまう。これは、空気中のイオンが金 属箔の電気を中和するからである。空気中のイオンは地殻中の放射性元素の崩壊によっても作られるが、それ だけでは説明できない。

1911~12年にヘスは、高さ 5000 mまで気球を何回か飛翔させ、5000 mの上空では地表付近よりも空気中 でイオンが沢山出来ていることを確かめた。この結果、大気圏外から地球大気の中にやってくる透過性の強い 放射線が存在することを突き止めた。この放射線を宇宙線と呼ぶ。宇宙線の発生源については未知な点も多い が、超新星は主な発生源の1つだと考えられている。

地球の大気圏に降り注ぐ宇宙線(一次宇宙線)の90%以上は陽子である。一次宇宙線が大気の原子核と衝突 して、発生する素粒子を二次宇宙線という。二次宇宙線としては、まず 中間子が大量に作られ、 中間子の 崩壊でµ粒子が大量に生成させるµ粒子は地表の10cm²に1秒間に約1個の割合で降り注いでいる。

二次宇宙線として作られた 中間子は、

$$\pi^+ \to \mu^+ + \nu_\mu, \pi^- \to \mu^- + \bar{\nu}_\mu \tag{3}$$

と崩壊して、µ粒子とµニュートリノになり、µ粒子は

$$\mu^{+} \to e^{+} + \bar{\nu}_{\mu} + \nu_{e}, \mu^{-} \to e^{-} + \nu_{\mu} + \bar{\nu}_{e} \tag{4}$$

と崩壊する。従って、地球の空気中で大量のニュートリノが発生する。これを大気ニュートリノという。図7 を示す。



図7 宇宙線

3 LED 点灯時のMPPC単体の出力測定

3.1 Block Diagram

MPPC単体の特性を測定するため、Clock generator でLEDをパルス上に点灯させ、MPPCが出力するパルスを記録・解析した。本研究ではMPPCの増幅率の温度依存性と逆バイアス依存性について議論する。 測定方法は、恒温槽の温度を変化させていった時と恒温槽の温度を一定にし、逆バイアスを変化させていった時のMPPCによる波高をADC分布で取る。

図8に、Block Diagram、図9にBoxの写真を示す。



図 8 LED 点灯時の Block Diagram

雑音をシールドするためにアルミ Box 内に LED と MPPC の回路を入れ、Clock Generator の 1kH の TTL パルスで LED を発光させた。MPPC の出力は CAMAC の電荷積分型 ADC を用いて測定した。Gate を作成する NIM パルスは TTL パルスと同期しており、LED が点灯したときの MPPC の出力を読み出す。 MPPC の Bias は 70.3[V] とし、温度を測定するために、Box 内壁にサーミスターを設置した。また温度依存 性を測定するために恒温槽に Box を入れる事で、温度を変化させた。



図 9 LED 回路と MPPC 回路の BOX

3.2 LED

MPPC を試験するための光源として、日亜化学製の青色 LED(NSPB320BS) を使用した。LED の規格 を表 2、LED の寸法を図 10 に示す。

表 2 LED の規格

項目	記号	最大定格	単位
順電流	Ι	30	mA
パルス順電流	Ι	100	mA
逆電圧	V		V
許容損失	Р	120	mW
動作温度	T_o	$-30 \sim$	mV/C°
保存温度	T_t	$-0 \sim 100$	mV/C°



🛛 10 LED

LED の動作回路では、Clock generator 間に 100Ω の抵抗を入れ、Attenuator で gate の大きさを調節した。

3.3 サーミスター

サーミスター (thermistor) は、Co,Fe,Ni,Mn,Cr などの酸化物に有機物のバインダーを加えて高温で焼結 成形した半導体セラミックス製の二端子の抵抗体である。電気抵抗は、温度とともに低下し、絶対温度 *T* の 関数として

$$R = A \exp\left(\frac{B}{T}\right) \tag{5}$$

と表される。これは半導体の電気伝導率 σ がキャリア濃度に比例し、キャリア濃度が電子の伝導体への熱的励 起によるのでボルツマン分布に従うからである。実際のサーミスターでは、基準温度 T₀ の値を用いて (25 をとることが多い)

$$R = R_0 \left[B \left(\frac{1}{T} - \frac{1}{T_0} \right) \right] \tag{6}$$

で表すことが多い。ここで、 R_0, B, T_0 はサーミスターによって決まる定数であり、このことからサーミスタの抵抗を測ることで温度を求めることができる。定数 B は、材料とその製造法により異なるが、およそ $B = 2000 \sim 5000$ K の値である。

本研究では、石塚電子製のサーミスタ 103AT-2 型を使用し、抵抗値をアジレントテクノロジー 34970A 型 デジタルマルチメーターで読み出すことにより温度測定を行った。

3.4 恒温槽

本研究で使用した恒温槽は日本ブロアー株式会社のLS - 5仕様のものである。表3に示す。

表	3	恒温槽の	規格

品名	電子式マイクロ恒温槽				
型式	LS-5				
入力	AC.100V 1.5A				
冷却能力	25w (0 時)				
制御温度範囲	$-2.5 \sim 70$				
使用環境	温度 $0 \sim 40$ 湿度 $35 \sim 85$ %				
内槽寸法	$150(縦) \times 150(横) \times 200(奥行)$				

本研究ではサーミスターの温度と恒温槽の温度を同じで一定にさせるために1日置いたが、サーミスターは Box内に入っているために約1 の差が開いてしまったが、これは個体差もあり、1 の差は考慮することに した。

3.5 NIM 規格

NIM 規格 (Nuclear Instrument Modules) は米国原子力委員会によって制定された「放射線測定モジュー ル標準規格 TID-20893」のことである。回路モジュールの機械的・電気的の仕様を定めている規格で、素粒子・ 原子等の幅広い分野に使われてる。NIM 規格のモジュールを使用するには BIN 電源が必要である。また必要 なモジュールを取り付け、ケーブルをつなぐことによって使用される。NIM モジュールは高さ 22.225cm、幅 3.43cm が最小規格であり、システムへの接合部が規格化・標準化されていて、容易に追加や削除ができ、ひ とまとまりの機能を持った部品のことである。標準的な NIMbin はモジュールが 12 個挿入できる形になって いる。

3.6 エレクトロニクス

本研究で実際に使用したエレクトロニクスについて述べる。

3.6.1 Clock generator

N-TM203 100MHz Clock Generator は、100MHz のパルスジェネレターと、クロックジェネレターを1 幅の NIM モジュールに納めた製品である。パルスジェネレター部は、Fast NIM 信号の 100MHz、50MHz の固定出力と12 種類の周波数を発生する出力から構成されている。この12 種類の周波数は、10Hz、100HZ、 500Hz、1KHz、5KHz、10KHz、50KHz、100KHz、500KHz、11MHz、5MHz、100HHz であり、ロータリー スイッチにより選択できる。又、出力パルス幅を可変でき、Fast NIM 信号と TTL 信号(50 ドライバー) を出力する。そして、これらの出力部は、パルスジェネレター部と同様に、Fast NIM 信号と TTL 信号(50 ドライバー)を出力するので、様々なモジュールに対応可能である。

3.6.2 Discriminator

入力信号が設定した Threshold(しきい値)を超えた時にパルスを出力する装置。threshold 電圧と出力パルス幅は、各チャンネル独立して調整することができる。threshold 電圧は、-21mV から-1V まで設定できる。 また、出力パルス幅は、約 3ns~70ns まで、フロントパネルのポテンショメーターで調整することが出来る。

3.6.3 Gate generator

スタート信号に対し、一定の遅延時間とパルス幅のパルスを作るモジュール。入力は NIM 信号で、出力 信号の delay と幅をチャンネル毎に設定することができる。

3.6.4 Attenuator(ATT)

Attenuator は、0dB から 31dB まで 1dB ステップづつ可変できるアッテネーターを 2 ブロック入れた モジュール。減衰率の選択は、1dB, 2dB, 4dB, 8dB, 16dB のスライドスイッチの組み合わせで行う。 入力 及び出力インピーダンスは、50 である。また、入力信号には極性が無く、電力は、最大 1/8W までである。 減衰率を *x* と置くと、

$$x = -20\log\frac{v_o}{v_i}\tag{7}$$

 v_i :入力信号の波高値 v_o :出力信号の波高値

で定義され、単位は dB である。

3.6.5 PMT Amplifier(AMP)

入力信号を線形増幅する。1 段のみの Amp では約 10 倍の増倍率があるが、本研究での MPPC の 1p.e. は 30mV であるので Threshold の限界が 20mV ~ 30mV であり、MPPC の信号が小さいので信号を確実に取 るため、直列に 3 段使用することで増幅させた。

3.6.6 Delay

入力信号を遅らせるモジュール。1nsecから 62nsecまで遅らせることが出来る。

3.6.7 Coincidence

2 つの入力信号の AND と OR を作るモジュール。1 チャンネルに 4 入力あり、出力は OUT が 2 つ と-OUT が 1 つある。AND と OR の切り替えは、スイッチにより選択を行う。

3.7 データ収集・解析の概要

本研究では、検出器からのアナログ信号をデジタル信号に変換し、データ解析に用いる ADC は CAMAC の規格の物を用いた。これらの ADC はクレーとコントローラーの制御下にある。このクレートコントロー ラーとの情報の受け取りを行う PC のインターフェイスと PC のデータ収集プログラムの仲介を行うのがデバ イスドライバーである。

3.7.1 camdrv

データ収集システム用プロジェクトの一つが CAMAC 向けの Linux デバイスドライバーが camdrv である。PC は OS に Redhat Linux9 を搭載しているので、2.4 カーネル対応の CC-7700 用 camdrv ドライバーを使用した。

3.7.2 CAMAC

CAMAC(Computer Automated Measurement and Control) とは検出器から得られたアナログ電気信 号をディジタル量に数値化するエレクトロニクスの規格名である。計測や制御を目的とする装置を作成するの に、独立の単位機能を持つモジュール・ユニットを適当に組み合わせて構成することが行われる。このような 複雑な装置を比較的単純なユニットの組み合わせで実現できる利点を持っている。

3.7.3 クレートコントローラー: CC7700

本実験で使用したクレートコントローラーは東陽テクニカの CAMAC 規格に対応した A2 タイプの CAMAC クレートコントローラーである。CC/ISA(16 ビット), CC/PCI(24 ビット) と組み合わせて各種の ワークステーションやパーソナルコンピューターと CAMAC システムをインターフェイス出来る。

3.7.4 ADC

ADC とは、Analogue Digital Converter の略で、アナログからデジタルへの変換器である。ADC は具体的に、例えば 10V の信号が入力されると、100 という数字を PC でデータとして出力する。今回使用した ADC は LeCroy 社の 2249W という型のものである。2249W については表 4 に示す。

表にある Q について、これを Q モードという。今回用いる予定の ADC は「電荷積分型」と呼ばれるタイ プである。電荷積分型の ADC は入って来た電子の電荷の総和つまり、信号の電流を積分した結果を読み出 す。図 11 に示す。よって ADC はこの電荷をデジタル信号に変換するのである。今回の A D C は gate が 入っている時間に入力された電荷をコンデンサーに蓄積する。 コンデンサーの 2 枚の極板間に電圧をかけ ると、電圧に比例した電荷を貯めることが出来るので、表 4 から 1 count=0.25pC より電荷 (pC) に対して ADCcount は傾き 4.0 の比例の関係があると考えられる。

Model	2249W
No.of Channels	12
No.of Bit	11
CAMAC size	2
Carge(Q) or Voltage(A)	Q
Full scale	-512pC ± 5%
Maximum Resolution	-0.25pC
Analog Inputs	AC-coupled (50 Ω)
Conversion Time	$106\lambda sec$

表 4 ADC:LeCroy 社 2249W



図11 Qモード

3.8 ADC(2249W)の動作テスト

本研究で使用した ADC が正確な作動をしているかのテストを行った。Clock generator からの信号を ATT で変化させ、観測される電荷と測定される count 数の結果と関係を表 5 と図 12 に示す。

電荷 [pC]	ADC の count 数
50	307.5
100	553.6
200	1037
400	1939

表 5 ADC の動作テスト



図 12 ADC 動作テスト

上のグラフから、傾き 4.65、ペデスタル 87.243 であることがわかる。電荷に対して、count 数が線形の形 を取っており、カタログ値が 4.0 で近くなった。またペデスタルも実験値 86 と近くなったことから正確に作 動していると言える。

3.9 結果·考察

LED 点灯時の MPPC の波形をオシロスコープで観測した。信号のノイズを減らすために、基盤の銅 テープの貼り付けの強化、電源と基盤の接続、基盤の切り離し、Discriminator の調整を行った。 TTLを外した時と接続したときに消えるものを見つけることで信号と確認した。図 13 に示す。



図 13 LED 点灯時の MPPC 波形

次に図 14 から図 20 に LED からの光を MPPC に入射させた時の ADC 分布を示す。この図は横軸が ADCcount であり、縦軸が event 数になっている。この図は恒温槽の温度を 0 から 30 まで 5 ずつ変化 させた時の ADC 分布である。バイアスは 70.3V で一定にした。

これらの図は各 Peak ごとに Gaussian を使って分布全体を fit したものである。 Gaussian については、式 (8) に示す。

$$f(x) = \frac{N}{\sigma\sqrt{2\pi}} \exp\left(-\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)^2\right)$$
(8)

また、フィッティングパラメーターは次の3つである。

N:規格化定数
 μ:平均値
 σ:標準偏差

Fit した分布のピークの間隔はそれぞれ一致しているのか。具体的に関係性を MPPC の温度依存の関係 を踏まえて、温度を変えたときに増幅率の変化はどうなるのか、また逆バイアスは増幅率に依存するのかを知 るために、以下に増幅率の式 (9) を示す。

増幅率 =
$$\frac{\Box \supset \mathcal{O} \ peak}{ \overline{s} \equiv \overline{\phi} \times G}$$
 (9)

また、

ADC 変換量: 0.25pC/count 素電荷: 1.6 × 10⁻¹⁹C G (Ampの増幅率): 131.1 倍

である。



図 14 恒温槽 0 、サーミスター 3.53



図 15 恒温槽 5 、サーミスター 8.75



図 16 恒温槽 10 、サーミスター 12.92



図 17 恒温槽 15 、サーミスター 16.96



図 18 恒温槽 20 、サーミスター 21.08



図 19 恒温槽 25 、サーミスター 25.1



図 20 恒温槽 30 、サーミスター 29.52

結果より良好な Fit を実現できているため、Gaussian で分布を記述できることが分かる。このことから、 ADC 分布はガウス分布に近い分布の重ねあわせであると考えられる。また、1p.e.,2p.e. と数えることが出来 ることからも優れた分解能を持っていると考えられる。グラフから温度が高い時の方が Fit が上手くいった。 これは温度が低いほどアフターパルスの影響が大きくなることによって、peak が不明瞭になるためだと考え られる。

結果のグラフからそれぞれ peak 位置と式 (9) から増幅率の関係を考えた。以下に表 6 と図 21 を示す。グ ラフより、それぞれの温度での peak 位置のずれは約 1count であり、ほぼ等間隔で peak の山が来ていること が分かる。図 21 より、温度が上昇するとそれに比例して peak 間隔は小さくなっている。つまり、MPPC の 増幅率は温度が上昇すると小さくなると言える。

温度が低いときに、fit が上手くいかなかったのはアフターパルス(発生したキャリアが結晶欠陥にトラッ プされそれが遅れた時信号以外のパルスを発生させてしまう現象)が原因であると考える。 また、温度が高 くなると結晶の格子振動が激しくなり、加速されたキャリアのエネルギーが十分大きくならないうちに結晶と 衝突する確率が大きくなりイオン化が起こりにくくなるため、増幅率が低くなると考えられる。

また、温度を1 上げた時の増幅率の変化の割合は0.2%であると分かる。

恒温槽設定値()	0	5	10	15	20	25	30
サーミスターの値()	3.55	8.75	12.92	16.96	21.08	25.01	29.52
平均 peak 間隔 (count)	42.55	37.43	32.8	38.96	24.72	20.51	15.93
増幅率 (× 10^5)	5.072	4.46	3.91	3.45	2.95	2.45	1.90

表6 平均 peak 間隔による増幅率と温度の関係



図 21 増幅率の温度依存性の関係

次にバイアス電圧を 69.6V,70.0V,70.2V,70.3V,70.4V,70.6V,70.8V,71.0V の時の ADC 分布を取った。 これを 20 ,25 ,30 設定のときで観測した。以下にそれぞれの温度による平均 peak 間隔と増幅率との関 係を表 7 と図 22 示す。

逆バイアス電圧 (V)	69.6	70.0	70.2	70.3	70.4	70.6	70.8	71.0
平均 peak 間隔 (count):20	6.81	16.845	20.17	21.843	23.55	27.97	32.07	-
増幅率 $(\times 10^5)$	0.812	2.01	2.40	2.60	2.81	3.33	3.82	-
平均 peak 間隔 (count):25	-	9.94	15.98	17.56	19.23	23.75	28.57	31.33
増幅率 $(\times 10^5)$	-	1.18	1.90	2.09	2.29	2.83	3.41	3.73
平均 peak 間隔 (count):30	-	-	10.6	12.104	13.11	18.6	22.75	26.55
増幅率 $(\times 10^5)$	-	-	1.26	1.44	1.56	2.22	2.71	3.16

表7 平均 peak 間隔による増幅率と温度の関係



図 22 逆バイアスと温度依存性の関係

グラフより、MPPC の増幅率は逆バイアスに対して優れた直線性を持つことが分かる。図 22 より、増幅 率の値として 1 × $10^5 \sim 4 \times 10^5$ が得られた。増幅率は印加電圧とブレークダウン電圧の差に比例するとこが 分かる。また、温度は 1 以内を保つことがばらつきを抑えることができると考えられる。

グラフより、0.1V 増やしたときのゲインの変化の割合は、30 の時に 9.7%、25 の時に 12.3%、20 の時に 11.57% となった。

25 設定、バイアス 70.3V の時を考える。温度を変化させ、25 のピーク間隔は平均 20.51count, バイア スを変化させたとき、70.3V の時のピーク間隔は平均 17.56count となり、増幅率はそれぞれ 2.385 × 10^5 、 2.094 × 10^5 となる。差は 12% となり、差はほとんどみられないと考えられる。

次に、バイアス電圧が 70.3 V 一定の時、温度を変化させた時の平均ピーク間隔 d とガウス分布の平均分散 σ の関係を見た。図 14 から図 20 の値から計算した。図 23 を下に示す。



図 23 d/σ と温度依存性の関係

図 23 より、温度が変わるときに、傾きはほぼ 0 であるので、 d/σ はほぼ一定である。そのため、dが増加 すると σ も同様に増加する。つまり波高分布の分解能が温度には依らないと考えられる。

図 22 における恒温槽 20 ,25 ,30 の時の増幅率が 0 になるときのバイアス電圧を計算した。以下に表 8 と、図 24 を示す。

表 8 Break down voltage

恒温槽設定値()	$V_{bd}(\mathbf{V})$
20	66.335
25	67.533
30	67.175

ブレークダウン電圧の温度依存性 y = 0.0944x + 64.635ブレークダウン電圧(V) 温度(℃)

🛛 24 Break down Voltage

図 24 より Break downVoltage は温度に線形に依存しているように考えられる。つまり MPPC の特性に は温度依存性があるが、その原因は主に V_{bd} の温度依存性により、同じ印加電圧 V でも $\Delta V = V - V_{bd}$ が変 化するためであると考えられる。

4 荷電粒子の測定

LED の定期的な光によって反応する MPPC の波形より、MPPC の増幅率による温度依存性、また逆バ イアス依存性の関係を確認することが出来た。この章では、この基礎をもとに、シンチレーターを組み合わせ たシンチレーション・カウンターを作成して線源からの荷電粒子の測定を行った。

4.1 β線の測定

本研究では、まずシンチレーション・カウンターを作成し、 β 線を出す線源からの信号を取ることが出来 るか調べた。本研究で使用したプラスティックシンチレーターの線源は ⁹⁰Sr が発する β 線である。 今回、集光効率を上げるために、プラスチックシンチレータをアルミ箔で巻き、その上から遮光テープを巻き つけた。さらに厚さ 3mm の鉛の板をコリメーターとして使用し、その上に ⁹⁰Sr を乗せ、暗幕を被せて恒温 槽に入れた。恒温槽は 25 で一定にした。その条件で β 線を測定した。以下に図 25 と図 26 を示す。



図 25 β線測定のセッティング



🛛 26 Block Diagram

4.2 ⁹⁰Sr

 90 Sr は、崩壊時は β 崩壊 (最大エネルギー 0.546MeV) で 90 Y になる。なお 90 Y の崩壊時は β 崩壊 (最大 エネルギー 2.28MeV) で 90 Zr(安定)。この過程でごく微量 (0.02) の 90 Y は 1.75MeV の 線を放出する。 90 Sr と 90 Y の間では 2 週間以上放置すると放射平衡の状態が成立するようになるので、 90 Sr を密閉線源とし て利用するときは、実際には 90 Y の高エネルギー β 線を利用することになる。 90 Sr 崩壊図を図 27 に示す。



図 27 ⁹⁰Sr の崩壊図

4.2.1 エネルギー損失

電荷 Z、速度 $v = \beta c$ の荷電粒子が、電荷 Ze、質量数 A、原子番号 Z、密度 ρ の物質を通過する間に失う単位長さあたりの平均エネルギー損失は、以下の式 (10) で与えられる。

$$-\frac{dE}{dx} = 4\pi N_A r_e^2 m_e c^2 \rho \frac{Z}{A} \frac{z^2}{\beta^2} \left[\ln(\frac{2m_e c^2 \gamma^2 \beta^2}{I}) - \beta^2 - \delta - 2\frac{C}{Z} \right] \left(\frac{\text{MeV}}{\text{cm}}\right)$$
(10)

ここで、

$$N_A: \mathcal{P}$$
ボガドロ定数
 $r_e: 電子半径$
 $m_e: 電子質量$
 $\gamma = 1/(1 - \beta^2)^{\frac{1}{2}}$
 $4\pi N_A r_e^2 m_e c^2 = 0.3070(\frac{\text{MeV} \cdot \text{cm}^2}{\text{g}})$
 $\delta: 密度効果$
 $C: 設効果$

である。また、 *I* は原子を1つ励起するために必要なエネルギーのことで、

$$\frac{I}{Z} = (9.76 + 58.8 \cdot Z^{-1.19})(\text{eV}) \qquad Z \ge 13$$
(11)

で表される。 [1]

ここで、プラスチックシンチレーターについて述べておく。プラスチックを通過する時の荷電粒子のエネル ギー損失は式 (10) で求められる。今回、この値を参考文献 [8] から引用すると、

$$\left(\frac{dE}{dx}\right)_{min} = 1.936 \left[\frac{\text{MeV}}{\text{g/cm}^2}\right]$$
(12)

である。また、プラスチックの密度は ρ =1.032 g/cm³ である。よって厚さ t=0.5cm のプラスチックシンチ レーターにおけるエネルギー損失は、

$$\Delta E = \left(\frac{dE}{dx}\right)_{min} \times \rho \times t \tag{13}$$

$$= 1.936 \times 1.032 \times 0.5 \tag{14}$$

$$= 0.999 \text{MeV}$$
 (15)

$$\sim 1.0 \mathrm{MeV}$$
 (16)

である。

ここで、使用した線源 ⁹⁰Sr から入射する β 線についてのエネルギー分布を考える。以下にエネルギー分布 の図 28 とその式 (17) を示す。ここで、 mc^2 は電子の静止エネルギー 0.5MeV であり、 T_{max} は ⁹⁰Sr の場合、 2.28MeV で定義される。

$$N(T) = (T + mc^2)\sqrt{T^2 + 2Tmc^2}(T_{max} - T)^2$$
(17)

この式より、



図 28 β線のエネルギー分布

となる。図 28 より、最大エネルギーは 2.28MeV であるが、実際は約半分のエネルギーを持つものが大半 であることが分かる。

4.3 結果·考察

図 25 の時に、まず上のシンチレーターの信号つまり一本だけのシンチレーターでの β 線の観測をした。 オシロスコープで見たときは以下の図 29,図 30 のようになった。それに対する ADC 分布の結果を図 32,図 31 に示す。threshold は 22.0mV にした。analog 信号は上のシンチレーターで、gate 信号も上のシンチレー ターのものを通してある。



図 29 MPPC+ シンチレーター



図 30 MPPC+ シンチレーター + S r



図 32 Sr 有

図 29 より、 β 線は 1p.e. を 30mV とすると、全体で約 700mV の波形を観測することが出来た。つまり、約 23p.e. の β 線が来ていると考えられる。

また図 31,図 32 より、peak 位置がほとんど同じところにある似たような分布になった。まず 0.999MeV 以下のエネルギー損失を持つ β 線が途中で止まってしまったものもあると考えられる。また通過出来るエネルギーを持つ β 線でも斜めに入ってエネルギーを損失し通過できなくなってしまったものも取れてしまったと考えられる。しかし、オシロスコープの図をみて分かるように、 β 線を乗せない時でも、約 3p.e. はダークカウントとして見えており、その波形が全体の信号を占めてしまったため、図 32 のようになったと考えられる。

次にこの条件ではシンチレータを通過せずに中で止まってしまうものやダークカウントの信号を拾ったりする ことを考慮して、プラスチックシンチレーターを2本重ねたとき、通過した β線の ADC 分布がどうなるかを 確認する。

観測方法とは、上と下のシンチレーターに β 線が両方入った時の上のシンチレーターの信号を見れば、全 て通過した β 線の信号だけを取ることが出来ると考えられる。先ほども述べた通り約 3p.e. は Sr 無しでも信 号として見えており、threshold を約 90mV にすれば、ノイズと生の信号を分けることが出来ると考えられる。 そこで、

A:両方に掛ける threshold を最低にした場合

(Sr 有 (上)21.9mV (下)21.7mV) (Sr 無 (上)22.1mV (下)21.9mV)
B:下のシンチレーターのみ threshold を掛けた場合 (Sr 有 (上)21.9mV (下)87.2mV) (Sr 無 (上)22.2mV (下)87.2mV)
C:上のシンチレーターのみ threshold を掛けた場合 (Sr 有 (上)91.0mV (下)22.0mV) (Sr 無 (上)91.0mV (下)22.0mV)
D:両方のシンチレーターに threshold を掛けた場合 (Sr 有 (上)89.2mV (下)91.2mV) (Sr 無 (上)90.7mV (下)90.8mV)

の場合で測定した。下に、図 33,図 34,図 35,図 36,図 37,図 38,図 39,図 40 を示す。



図 33 A:両方に掛ける threshold を最低にした場合:Sr 有



図 34 A:両方に掛ける threshold を最低にした場合:Sr 無



図 35 B:下のシンチレーターのみ threshold を掛けた場合:Sr 有



図 36 B:下のシンチレーターのみ threshold を掛けた場合:Sr 無



図 37 C:上のシンチレーターのみ threshold を掛けた場合:Sr 有



図 38 C:上のシンチレーターのみ threshold を掛けた場合:Sr 無



図 39 D:両方のシンチレーターに threshold を掛けた場合:Sr 有



図 40 D:両方のシンチレーターに threshold を掛けた場合:Sr 無

図 A より、Sr の有無でピークの位置は変わっているが、threshold を掛けていないので、図 31 と同様ノイ ズも全て取ってしまっている。つまり、図 A ではほぼノイズ信号を見ていると考えられる。図 B より、下に のみ Threshold を約 3p.e. を掛けた場合は、図 A と比べて GATE が開く頻度は減ると考えられる。しかし、 上に Threshold が掛かっていないため、上のノイズに反応して GATE が開き、この図でもほぼノイズ信号を 見ていると考えられる。

図Cについて、図A,Bに比べてピーク位置が大きくなった。また、Srの有無でピーク位置が約100count 変化した。つまり、上にThresholdを約3p.e.掛けたことで図A,Bに比べてダークカウントを除去できてい ると考えられる。しかし、Sr無の時のピーク位置のノイズも混ざっており、全ての生シグナルとは言えない。 図Dについて、Sr有の時2本のピークが立った。これはピーク位置から考えても左がノイズで右が信号と区 別することが出来ると考えられる。また、図Cではノイズが混合しているが、図Dでは見分けることが出来る 相違が生まれた原因として、図Cでは下のシグナルがダークカウントによって常に開いている状態になって いるため thresholdを掛けることで余分なノイズを取り除いてくれていると考えられる。つまり、両方につい て thresholdを掛けることが、信号を得る必要条件だと言える。ここで信号を得ることが出来たが、図39を 見るようにノイズが見えてしまう。そこでノイズを除去して信号だけとるためにはノイズレートに対応する thresholdを決定する必要があると考えられる。しかし、thresholdだけではノイズを取り切ることが出来な いのではと考えられる。この議論を宇宙線を含めて次で考える。 次に、宇宙線について議論する。図 34,図 36,図 38,図 40 より、宇宙線ではなくノイズの信号が取れてし まったと考えられる。何故宇宙線が取れなかったのか図 40 について考える。この時 1event 取るのに約 90sec かかった。

宇宙線の入射精度は平均 1cm^2 当たり 60 sec に 1 事象である。今シンチレーターは幅 $1.3 \text{cm} \times \text{長} \ge 10 \text{cm}$ なので、 13cm^2 当たり 1 event 取るのに約 $4.6 \text{sec} \ge$ 期待される。

本研究で、MPPC 単体での 4p.e. の rate は約 100kHz で、図 29 より gate はオーバーラップしているので約 100nsec と見積もると、

$$100k \times 100n = 10^4 \,\mu = 10^{-2} \tag{18}$$

となる。つまり $\frac{1}{100}$ の確率で雑音が同時計数されると考えられる。これは 1event 取るのに 100sec かかる 事から図 40 の実験値と 10% の誤差で一致する。今図 41,42 に注目する。



⊠ 41 Bragg curve

宇宙線が地上に来るときはほぼµ粒子である。図 41 で見られるように宇宙線は長い崩壊過程でその分単位 長さ当たりのエネルギー損失は低いと考えられる。つまり図 42 の最小値に宇宙線が多くあると考えられる。 宇宙線は 4.6sec しか取るのに掛からないのに、1event 取るのに 90sec かかっており、宇宙線が来る rate の $\frac{1}{10}$ にしかなっておらず、このことから宇宙線は取れずノイズが取れたのではないかと考える。エネルギーの 関係から述べる。同様に図 42 の x 軸の μ 粒子を読み取ると宇宙線は約 0.106GeV, β 線は最大 0.00228GeV である。図 34, 図 36, 図 38, 図 40 からもノイズと思われるピーク位置は β 線より小さい位置にあるため、宇 宙線の取れる範囲の $\frac{1}{10}$ にも達していないことが分かる。 改善策として考えられるのは、

1. 恒温槽によるノイズからのシールドの強化およびセットアップの改善

2. 集光効率を良くするためのセットアップ(断面積からの光漏れ、ライトガイドの設置)

であるがこれが全てとは一概とは言えない。今後の課題である。



 $\boxtimes 42$ The stopping power dE/dx as function of energy for different particles

5 まとめ・今後の課題

LED を用いて MPPC の基本特性を測定する方法を確立した。LED の発光量をじゅうぶん減光して使用 すれば、フォトンカウンティング能力を有することを ADC 分布で確認できることがわかった。また、作成し た ADC 分布を Gaussian で Fit し、ピーク間隔を求めることで増幅率を測定できる事が分かった。ピーク幅 の波形分解能は温度には寄与しないことも分かった。

MPPCの増幅率の温度依存性は、測定した範囲ではほぼ一次関数になることが確認できた。 同様にMPPCの増幅率の逆バイアス依存性も一次関数で表せ、傾きは温度には依存しないことが確認できた。 Break down Voltage は温度に線形に依存しているように考えられるが、他の温度についても測定しないこと には確かであるとは言えない。今回は ftt が上手くいく温度でのみしか測定しなかったので、低温度の測定を することは MPPC の特性を知る上で必要だと考える。

シンチレーションカウンターを製作し、⁹⁰Sr から発生する β 線を観測するためのセットアップそして ADC 分布で確認することができた。そして全てシンチレーターを β 線が通過できる条件やノイズの除去するため の条件を探ることが出来た。しかし、完全にノイズを除去することが出来なかった。これは、⁹⁰Sr を乗せずに 測定した時つまり宇宙線測定の段階からノイズが発生してしまい、このノイズを遮断するセットアップの改善をするべきであると考える。しかしこの波形は全体的に小さく、実際に宇宙線が出たらその信号と β 線を見分 けることが難しいと考えられるため、シンチレーターにフォトマルをつけたシンチレーションカウンターで同様の信号を取り、MPPC によるシンチレーションカウンターとの比較を行うことが必要であると考える。そ の上でセットアップの改善を行うべきである。

次の研究を行うことがさらなる課題である。以下に示す。荷電粒子の飛跡を見るために、9組のシンチレー ション・カウンターを用意して、3×3段に寝かし、1から9まで番号を振る。もし荷電粒子が来たら、3段そ れぞれ1組ずつのみ反応するはずである。その信号をADCで読みとれば、どんな飛跡で来たか確認できる と考えられる。本研究ではこのBlock Diagram を考えたが、製作まで至ることが出来なかった。ここにその Block Diagram を載せる。いろんな飛跡を探ることが出来るのでとても考え深い物があるだろう。



☑ 43 Block Diagram3

謝辞

本研究を行うにあたり、多くの方々の御協力を得ることができました。この場をおかりして、心から感謝の 意を示したいと思います。

お忙しい中、ご指導いただいた野口誠之先生、林井久樹先生、宮林謙吉先生、大変お世話になりました。特に指導教官である宮林先生には、様々な点でご指導、ご鞭撻いただき心から感謝いたします。また、たびたびご助言・ご協力を頂いた先輩方にも感謝いたします。さらに、共に高エネルギー研究室で卒業研究を行った4 回生メンバーにも大変お世話になりました。

たくさんの方々の支えにより、ここに卒業論文を完成させることができました。本当にありがとうございま した。また、本論文を最後まで読んでくれた方へどうもありがとうございました。

参考文献

- [1] Willam R.Leo : Techniques for Nuclear and Particle Physic Experiments Springer-Verlag Second Revised Edition
- [2] 浜松ホトニクス株式会社: MPPC のカタログ
- [3] 日亜化学工業株式会社: LED 標準仕様書 (品名:青色 LED 型名:NSPB320BS)
- [4] 日本ブロアー株式会社:恒温槽 LS 5 仕様
- [5] 桜井捷海・霜田光一著:応用エレクトロニクス 裳華房 昭和 59 年第一版発行
- [6] 政池 明著 岩波書店:素粒子を探る粒子検出器 ものを見る捕らえる
- [7] 渡邊 靖志著 培風館:素粒子物理入門 基本概念から最先端まで
- [8] THE AMERICAN PHYSICAL SOCIETY : PHYSICAL REVIEW D PARTICLES AND FIELDS 1 JULY 2002 PART1
- [9] 辻 知佳・宮田 香織 : 2007 年度卒業論文 :MPPC の基本特性およびシンチレーションカウンターへの 応用
- [10] 玉木 智子・平井 珠生:2006 年度 卒業論文 石英ガラスで発生するチェレンコフ光を用いた荷電粒 子の検出